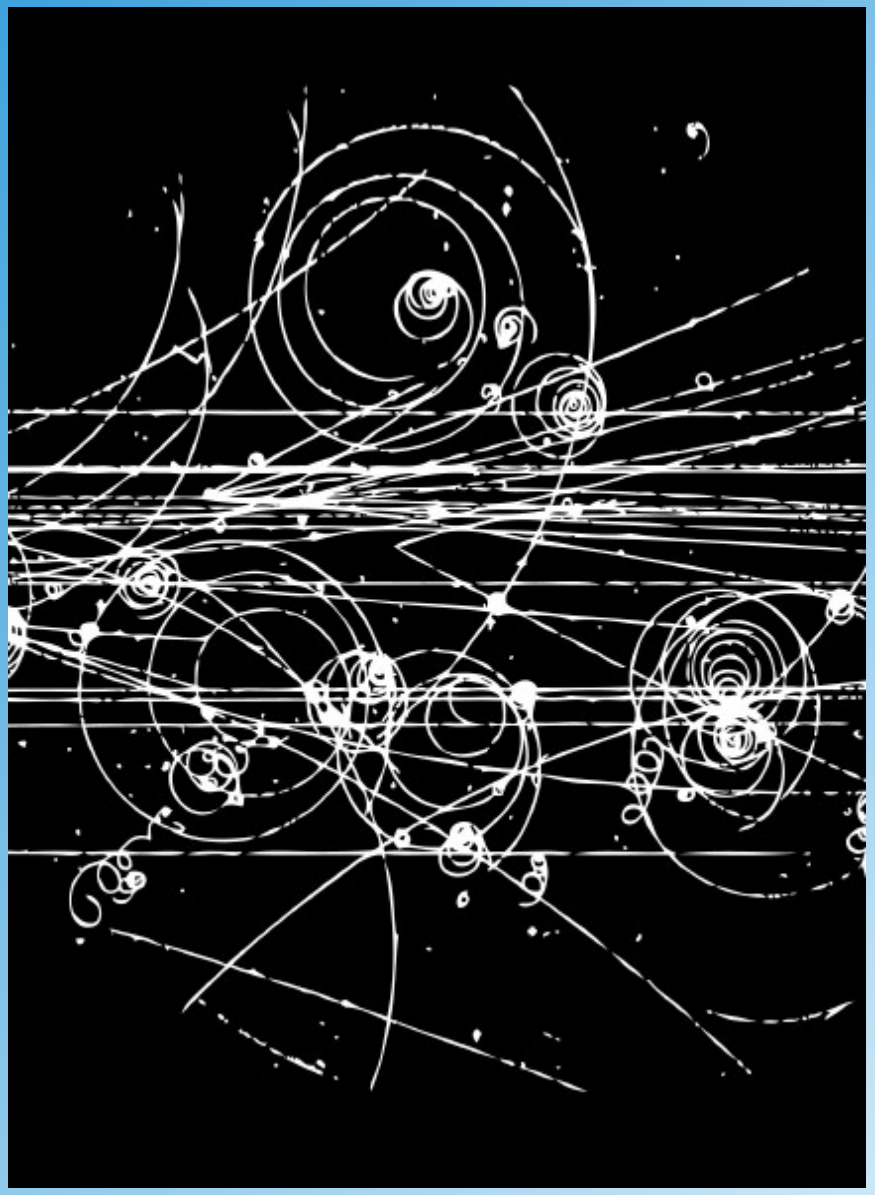
Particle Zoo and Group Theory

Lecture 5

5.1 Particle Zoo
5.2 Group SU(2)
5.3 Groups SU(N)
5.4 Partilce Multiplets
5.5 Quarks and $SU(3)_{Flavor}$
5.6. Symmetries and Conservation Laws

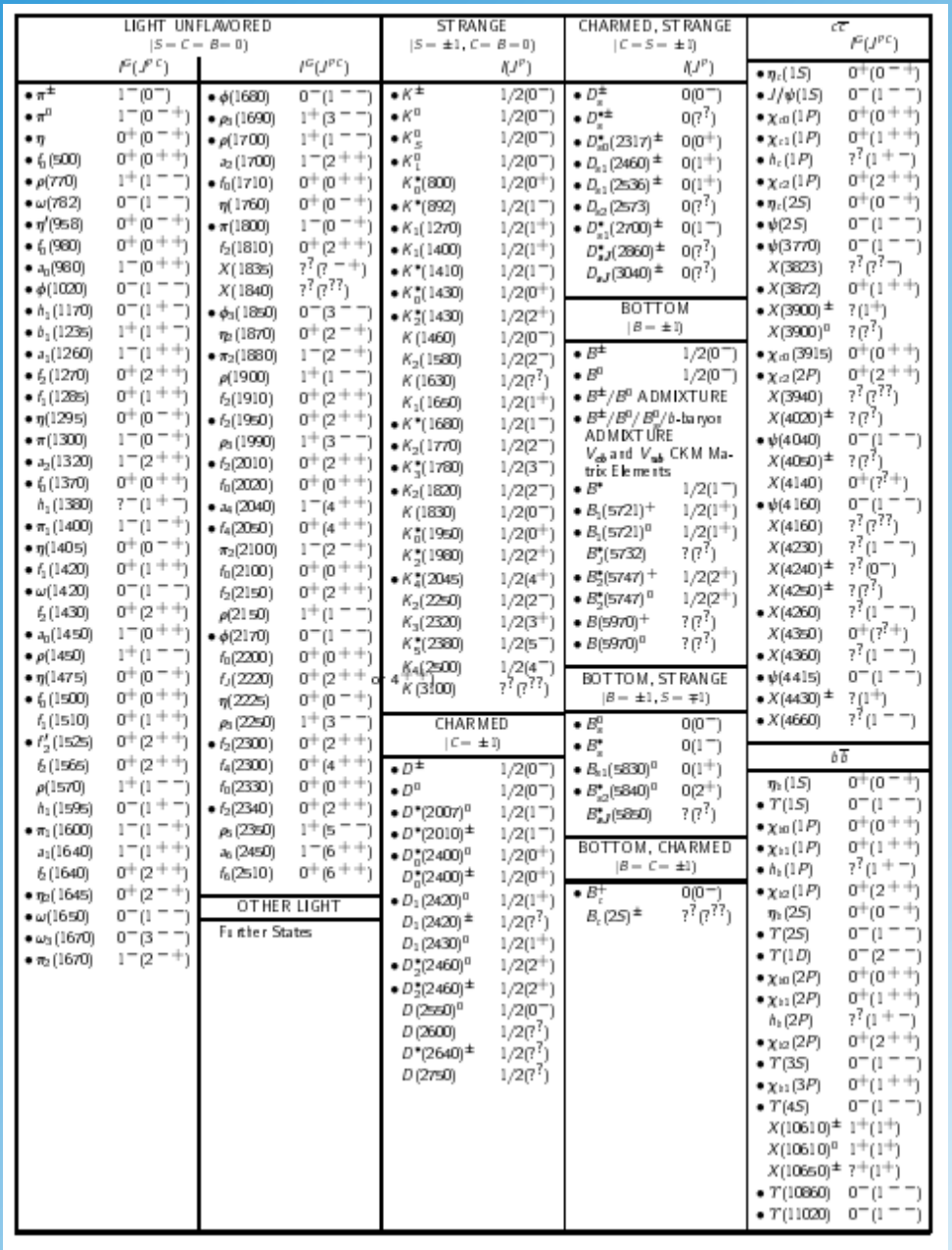
Particle Zoo



PDG Baryon Listing

p	$1/2^+$	****	$\Delta(1232)$	$3/2^+$	****	Σ^+	$1/2^+$	****	Ξ^0	$1/2^+$	****	Λ_c^+	$1/2^+$	****
n	$1/2^+$	****	$\Delta(1600)$	$3/2^+$	***	Σ^0	$1/2^+$	****	Ξ^-	$1/2^+$	****	$\Lambda_c(2595)^+$	$1/2^-$	***
$N(1440)$	$1/2^+$	****	$\Delta(1620)$	$1/2^-$	****	Σ^-	$1/2^+$	****	$\Xi(1530)$	$3/2^+$	****	$\Lambda_c(2625)^+$	$3/2^-$	***
$N(1520)$	$3/2^-$	****	$\Delta(1700)$	$3/2^-$	****	$\Sigma(1385)$	$3/2^+$	****	$\Xi(1620)$		*	$\Lambda_c(2765)^+$		*
$N(1535)$	$1/2^-$	****	$\Delta(1750)$	$1/2^+$	*	$\Sigma(1480)$		*	$\Xi(1690)$		***	$\Lambda_c(2880)^+$	$5/2^+$	***
$N(1650)$	$1/2^-$	****	$\Delta(1900)$	$1/2^-$	**	$\Sigma(1560)$		**	$\Xi(1820)$	$3/2^-$	***	$\Lambda_c(2940)^+$		***
$N(1675)$	$5/2^-$	****	$\Delta(1905)$	$5/2^+$	****	$\Sigma(1580)$	$3/2^-$	*	$\Xi(1950)$		***	$\Sigma_c(2455)$	$1/2^+$	****
$N(1680)$	$5/2^+$	****	$\Delta(1910)$	$1/2^+$	****	$\Sigma(1620)$	$1/2^-$	*	$\Xi(2030)$	$\geq \frac{5}{2}$?	***	$\Sigma_c(2520)$	$3/2^+$	***
$N(1685)$		*	$\Delta(1920)$	$3/2^+$	***	$\Sigma(1660)$	$1/2^+$	***	$\Xi(2120)$		*	$\Sigma_c(2800)$		***
$N(1700)$	$3/2^-$	***	$\Delta(1930)$	$5/2^-$	***	$\Sigma(1670)$	$3/2^-$	****	$\Xi(2250)$		**	Ξ_c^+	$1/2^+$	***
$N(1710)$	$1/2^+$	***	$\Delta(1940)$	$3/2^-$	**	$\Sigma(1690)$		**	$\Xi(2370)$		**	Ξ_c^0	$1/2^+$	***
$N(1720)$	$3/2^+$	****	$\Delta(1950)$	$7/2^+$	****	$\Sigma(1730)$	$3/2^+$	*	$\Xi(2500)$		*	$\Xi_c'^+$	$1/2^+$	***
$N(1860)$	$5/2^+$	**	$\Delta(2000)$	$5/2^+$	**	$\Sigma(1750)$	$1/2^-$	***				$\Xi_c'^0$	$1/2^+$	***
$N(1875)$	$3/2^-$	***	$\Delta(2150)$	$1/2^-$	*	$\Sigma(1770)$	$1/2^+$	*	Ω^-	$3/2^+$	****	$\Xi_c(2645)$	$3/2^+$	***
$N(1880)$	$1/2^+$	**	$\Delta(2200)$	$7/2^-$	*	$\Sigma(1775)$	$5/2^-$	****	$\Omega(2250)^-$		***	$\Xi_c(2790)$	$1/2^-$	***
$N(1895)$	$1/2^-$	**	$\Delta(2300)$	$9/2^+$	**	$\Sigma(1840)$	$3/2^+$	*	$\Omega(2380)^-$		**	$\Xi_c(2815)$	$3/2^-$	***
$N(1900)$	$3/2^+$	***	$\Delta(2350)$	$5/2^-$	*	$\Sigma(1880)$	$1/2^+$	**	$\Omega(2470)^-$		**	$\Xi_c(2930)$		*
$N(1990)$	$7/2^+$	**	$\Delta(2390)$	$7/2^+$	*	$\Sigma(1900)$	$1/2^-$	*				$\Xi_c(2980)$		***
$N(2000)$	$5/2^+$	**	$\Delta(2400)$	$9/2^-$	**	$\Sigma(1915)$	$5/2^+$	****				$\Xi_c(3055)$		***
$N(2040)$	$3/2^+$	*	$\Delta(2420)$	$11/2^+$	****	$\Sigma(1940)$	$3/2^+$	*				$\Xi_c(3080)$		***
$N(2060)$	$5/2^-$	**	$\Delta(2750)$	$13/2^-$	**	$\Sigma(1940)$	$3/2^-$	***				$\Xi_c(3123)$		*
$N(2100)$	$1/2^+$	*	$\Delta(2950)$	$15/2^+$	**	$\Sigma(2000)$	$1/2^-$	*				Ω_c^0	$1/2^+$	***
$N(2120)$	$3/2^-$	**				$\Sigma(2030)$	$7/2^+$	****				$\Omega_c(2770)^0$	$3/2^+$	***
$N(2190)$	$7/2^-$	****	Λ	$1/2^+$	****	$\Sigma(2070)$	$5/2^+$	*						
$N(2220)$	$9/2^+$	****	$\Lambda(1405)$	$1/2^-$	****	$\Sigma(2080)$	$3/2^+$	**				Ξ_{cc}^+		*
$N(2250)$	$9/2^-$	****	$\Lambda(1520)$	$3/2^-$	****	$\Sigma(2100)$	$7/2^-$	*						
$N(2300)$	$1/2^+$	**	$\Lambda(1600)$	$1/2^+$	***	$\Sigma(2250)$		***				Λ_b^0	$1/2^+$	***
$N(2570)$	$5/2^-$	**	$\Lambda(1670)$	$1/2^-$	****	$\Sigma(2455)$		**				$\Lambda_b(5912)^0$	$1/2^-$	***
$N(2600)$	$11/2^-$	***	$\Lambda(1690)$	$3/2^-$	****	$\Sigma(2620)$		**				$\Lambda_b(5920)^0$	$3/2^-$	***
$N(2700)$	$13/2^+$	**	$\Lambda(1710)$	$1/2^+$	*	$\Sigma(3000)$		*				Σ_b	$1/2^+$	***
			$\Lambda(1800)$	$1/2^-$	***	$\Sigma(3170)$		*				Σ_b^*	$3/2^+$	***
			$\Lambda(1810)$	$1/2^+$	***							Ξ_b^0, Ξ_b^-	$1/2^+$	***
			$\Lambda(1820)$	$5/2^+$	****							$\Xi_b'(5935)^-$	$1/2^+$	***
			$\Lambda(1830)$	$5/2^-$	****							$\Xi_b(5945)^0$	$3/2^+$	***
			$\Lambda(1890)$	$3/2^+$	****							$\Xi_b^*(5955)^-$	$3/2^+$	***
			$\Lambda(2000)$		*							Ω_b^-	$1/2^+$	***
			$\Lambda(2020)$	$7/2^+$	*									
			$\Lambda(2050)$	$3/2^-$	*									
			$\Lambda(2100)$	$7/2^-$	****									
			$\Lambda(2110)$	$5/2^+$	***									
			$\Lambda(2325)$	$3/2^-$	*									
			$\Lambda(2350)$	$9/2^+$	***									
			$\Lambda(2585)$		**									

PDG Meson Listing



LIGHT UNFLAVORED ($|S = C = B = 0$)

$I^G(J^{PC})$		$I^G(J^{PC})$	
• $\pi^\pm$	$1^-(0^-)$	• $\phi(1680)$	$0^-(1^--)$
• π^0	$1^-(0^{-+})$	• $\rho_3(1690)$	$1^+(3^--)$
• η	$0^+(0^{-+})$	• $\rho(1700)$	$1^+(1^--)$
• $f_0(500)$	$0^+(0^{++})$	$a_2(1700)$	$1^-(2^{++})$
• $\rho(770)$	$1^+(1^--)$	• $f_0(1710)$	$0^+(0^{++})$
• $\omega(782)$	$0^-(1^--)$	$\eta(1760)$	$0^+(0^{-+})$
• $\eta'(958)$	$0^+(0^{-+})$	• $\pi(1800)$	$1^-(0^{-+})$
• $f_0(980)$	$0^+(0^{++})$	$f_2(1810)$	$0^+(2^{++})$
• $a_0(980)$	$1^-(0^{++})$	$X(1835)$	$?^?(?^{-+})$
• $\phi(1020)$	$0^-(1^--)$	$X(1840)$	$?^?(?^{??})$
• $h_1(1170)$	$0^-(1^{+-})$	• $\phi_3(1850)$	$0^-(3^--)$
• $b_1(1235)$	$1^+(1^{+-})$	$\eta_2(1870)$	$0^+(2^{-+})$
• $a_1(1260)$	$1^-(1^{++})$	• $\pi_2(1880)$	$1^-(2^{-+})$
• $f_2(1270)$	$0^+(2^{++})$	$\rho(1900)$	$1^+(1^--)$
• $f_1(1285)$	$0^+(1^{++})$	$f_2(1910)$	$0^+(2^{++})$
• $\eta(1295)$	$0^+(0^{-+})$	• $f_2(1950)$	$0^+(2^{++})$
• $\pi(1300)$	$1^-(0^{-+})$	$\rho_3(1990)$	$1^+(3^--)$
• $a_2(1320)$	$1^-(2^{++})$	• $f_2(2010)$	$0^+(2^{++})$
• $f_0(1370)$	$0^+(0^{++})$	$f_0(2020)$	$0^+(0^{++})$
$h_1(1380)$	$?^-(1^{+-})$	• $a_4(2040)$	$1^-(4^{++})$
• $\pi_1(1400)$	$1^-(1^{-+})$	• $f_4(2050)$	$0^+(4^{++})$
• $\eta(1405)$	$0^+(0^{-+})$	$\pi_2(2100)$	$1^-(2^{-+})$
• $f_1(1420)$	$0^+(1^{++})$	$f_0(2100)$	$0^+(0^{++})$
• $\omega(1420)$	$0^-(1^--)$	$f_2(2150)$	$0^+(2^{++})$
$f_2(1430)$	$0^+(2^{++})$	$\rho(2150)$	$1^+(1^--)$
• $a_0(1450)$	$1^-(0^{++})$	• $\phi(2170)$	$0^-(1^--)$
• $\rho(1450)$	$1^+(1^--)$	$f_0(2200)$	$0^+(0^{++})$
• $\eta(1475)$	$0^+(0^{-+})$	$f_J(2220)$	$0^+(2^{++}$ or $4^{++})$
• $f_0(1500)$	$0^+(0^{++})$	$\eta(2225)$	$0^+(0^{-+})$
$f_1(1510)$	$0^+(1^{++})$	$\rho_3(2250)$	$1^+(3^--)$
• $f_2'(1525)$	$0^+(2^{++})$	• $f_2(2300)$	$0^+(2^{++})$
$f_2(1565)$	$0^+(2^{++})$	$f_4(2300)$	$0^+(4^{++})$
$\rho(1570)$	$1^+(1^--)$	$f_0(2330)$	$0^+(0^{++})$
$h_1(1595)$	$0^-(1^{+-})$	• $f_2(2340)$	$0^+(2^{++})$
• $\pi_1(1600)$	$1^-(1^{-+})$	$\rho_5(2350)$	$1^+(5^--)$
$a_1(1640)$	$1^-(1^{++})$	$a_6(2450)$	$1^-(6^{++})$
$f_2(1640)$	$0^+(2^{++})$	$f_6(2510)$	$0^+(6^{++})$
• $\eta_2(1645)$	$0^+(2^{-+})$		
• $\omega(1650)$	$0^-(1^--)$		
• $\omega_3(1670)$	$0^-(3^--)$		
• $\pi_2(1670)$	$1^-(2^{-+})$		

OTHER LIGHT

Further States

STRANGE ($|S = \pm1, C = B = 0$)

	$I(J^P)$
• $K^\pm$	$1/2(0^-)$
• K^0	$1/2(0^-)$
• K_S^0	$1/2(0^-)$
• K_L^0	$1/2(0^-)$
$K_0^*(800)$	$1/2(0^+)$
• $K^*(892)$	$1/2(1^-)$
• $K_1(1270)$	$1/2(1^+)$
• $K_1(1400)$	$1/2(1^+)$
• $K^*(1410)$	$1/2(1^-)$
• $K_0^*(1430)$	$1/2(0^+)$
• $K_2^*(1430)$	$1/2(2^+)$
$K(1460)$	$1/2(0^-)$
$K_2(1580)$	$1/2(2^-)$
$K(1630)$	$1/2(?^?)$
$K_1(1650)$	$1/2(1^+)$
• $K^*(1680)$	$1/2(1^-)$
• $K_2(1770)$	$1/2(2^-)$
• $K_3^*(1780)$	$1/2(3^-)$
• $K_2(1820)$	$1/2(2^-)$
$K(1830)$	$1/2(0^-)$
$K_0^*(1950)$	$1/2(0^+)$
$K_2^*(1980)$	$1/2(2^+)$
• $K_4^*(2045)$	$1/2(4^+)$
$K_2(2250)$	$1/2(2^-)$
$K_3(2320)$	$1/2(3^+)$
$K_5^*(2380)$	$1/2(5^-)$
$K_4(2500)$	$1/2(4^-)$
$K(3100)$	$?^?(?^{??})$

CHARMED ($|C = \pm1$)

	$I(J^P)$
• $D^\pm$	$1/2(0^-)$
• D^0	$1/2(0^-)$
• $D^*(2007)^0$	$1/2(1^-)$
• $D^*(2010)^\pm$	$1/2(1^-)$
• $D_0^*(2400)^0$	$1/2(0^+)$
$D_0^*(2400)^\pm$	$1/2(0^+)$
• $D_1(2420)^0$	$1/2(1^+)$
$D_1(2420)^\pm$	$1/2(?^?)$
$D_1(2430)^0$	$1/2(1^+)$
• $D_2^*(2460)^0$	$1/2(2^+)$
• $D_2^*(2460)^\pm$	$1/2(2^+)$
$D(2550)^0$	$1/2(0^-)$
$D(2600)$	$1/2(?^?)$
$D^*(2640)^\pm$	$1/2(?^?)$
$D(2750)$	$1/2(?^?)$

CHARMED, STRANGE ($|C = S = \pm1$)

	$I(J^P)$
• $D_s^\pm$	$0(0^-)$
• $D_s^{*\pm}$	$0(?^?)$
• $D_{s0}^*(2317)^\pm$	$0(0^+)$
• $D_{s1}(2460)^\pm$	$0(1^+)$
• $D_{s1}(2536)^\pm$	$0(1^+)$
• $D_{s2}(2573)$	$0(?^?)$
• $D_{s1}^*(2700)^\pm$	$0(1^-)$
$D_{sJ}^*(2860)^\pm$	$0(?^?)$
$D_{sJ}(3040)^\pm$	$0(?^?)$

BOTTOM ($|B = \pm1$)

	$I(J^P)$
• $B^\pm$	$1/2(0^-)$
• B^0	$1/2(0^-)$
• $B^\pm/B^0$ ADMIXTURE	
• $B^\pm/B^0/B^0_s/b$-baryon ADMIXTURE	
V_{cb} and V_{ub} CKM Matrix Elements	
• B^*	$1/2(1^-)$
• $B_1(5721)^+$	$1/2(1^+)$
• $B_1(5721)^0$	$1/2(1^+)$
$B_J^*(5732)$	$?(?^?)$
• $B_2^*(5747)^+$	$1/2(2^+)$
• $B_2^*(5747)^0$	$1/2(2^+)$
• $B(5970)^+$	$?(?^?)$
• $B(5970)^0$	$?(?^?)$

BOTTOM, STRANGE ($|B = \pm1, S = \mp1$)

	$I(J^P)$
• B_s^0	$0(0^-)$
• B_s^*	$0(1^-)$
• $B_{s1}(5830)^0$	$0(1^+)$
• $B_{s2}^*(5840)^0$	$0(2^+)$
$B_{sJ}^*(5850)$	$?(?^?)$

BOTTOM, CHARMED ($|B = C = \pm1$)

	$I(J^P)$
• B_c^+	$0(0^-)$
$B_c(2S)^\pm$	$?^?(?^{??})$

$c\bar{c}$

$I^G(J^{PC})$	
• $\eta_c(1S)$	$0^+(0^{-+})$
• $J/\psi(1S)$	$0^-(1^--)$
• $\chi_{c0}(1P)$	$0^+(0^{++})$
• $\chi_{c1}(1P)$	$0^+(1^{++})$
• $h_c(1P)$	$?^?(1^{+-})$
• $\chi_{c2}(1P)$	$0^+(2^{++})$
• $\eta_c(2S)$	$0^+(0^{-+})$
• $\psi(2S)$	$0^-(1^--)$
• $\psi(3770)$	$0^-(1^--)$
$X(3823)$	$?^?(?^{??})$
• $X(3872)$	$0^+(1^{++})$
• $X(3900)^\pm$	$?(1^+)$
$X(3900)^0$	$?(?^?)$
• $\chi_{c0}(3915)$	$0^+(0^{++})$
• $\chi_{c2}(2P)$	$0^+(2^{++})$
$X(3940)$	$?^?(?^{??})$
$X(4020)^\pm$	$?(?^?)$
• $\psi(4040)$	$0^-(1^--)$
$X(4050)^\pm$	$?(?^?)$
$X(4140)$	$0^+(?^{?+})$
• $\psi(4160)$	$0^-(1^--)$
$X(4160)$	$?^?(?^{??})$
$X(4230)$	$?^?(1^{--})$
$X(4240)^\pm$	$?^?(0^{--})$
$X(4250)^\pm$	$?(?^?)$
• $X(4260)$	$?^?(1^{--})$
$X(4350)$	$0^+(?^{?+})$
• $X(4360)$	$?^?(1^{--})$
• $\psi(4415)$	$0^-(1^--)$
• $X(4430)^\pm$	$?(1^+)$
• $X(4660)$	$?^?(1^{--})$

$b\bar{b}$

$\eta_b(1S)$	$0^+(0^{-+})$
• $\Upsilon(1S)$	$0^-(1^--)$
• $\chi_{b0}(1P)$	$0^+(0^{++})$
• $\chi_{b1}(1P)$	$0^+(1^{++})$
• $h_b(1P)$	$?^?(1^{+-})$
• $\chi_{b2}(1P)$	$0^+(2^{++})$
$\eta_b(2S)$	$0^+(0^{-+})$
• $\Upsilon(2S)$	$0^-(1^--)$
• $\Upsilon(1D)$	$0^-(2^{--})$
• $\chi_{b0}(2P)$	$0^+(0^{++})$
• $\chi_{b1}(2P)$	$0^+(1^{++})$
$h_b(2P)$	$?^?(1^{+-})$
• $\chi_{b2}(2P)$	$0^+(2^{++})$
• $\Upsilon(3S)$	$0^-(1^--)$
• $\chi_{b1}(3P)$	$0^+(1^{++})$
• $\Upsilon(4S)$	$0^-(1^--)$
$X(10610)^\pm$	$1^+(1^+)$
$X(10610)^0$	$1^+(1^+)$
$X(10650)^\pm$	$?^+(1^+)$
• $\Upsilon(10860)$	$0^-(1^--)$
• $\Upsilon(11020)$	$0^-(1^--)$

PDG Review

$\pi^{\pm}$

$I^G(J^P) = 1^-(0^-)$

Mass $m = 139.57018 \pm 0.00035$ MeV (S = 1.2)
Mean life $\tau = (2.6033 \pm 0.0005) \times 10^{-8}$ s (S = 1.2)
$c\tau = 7.8045$ m

$\pi^{\pm} \to \ell^{\pm}\nu\gamma$ form factors [a]

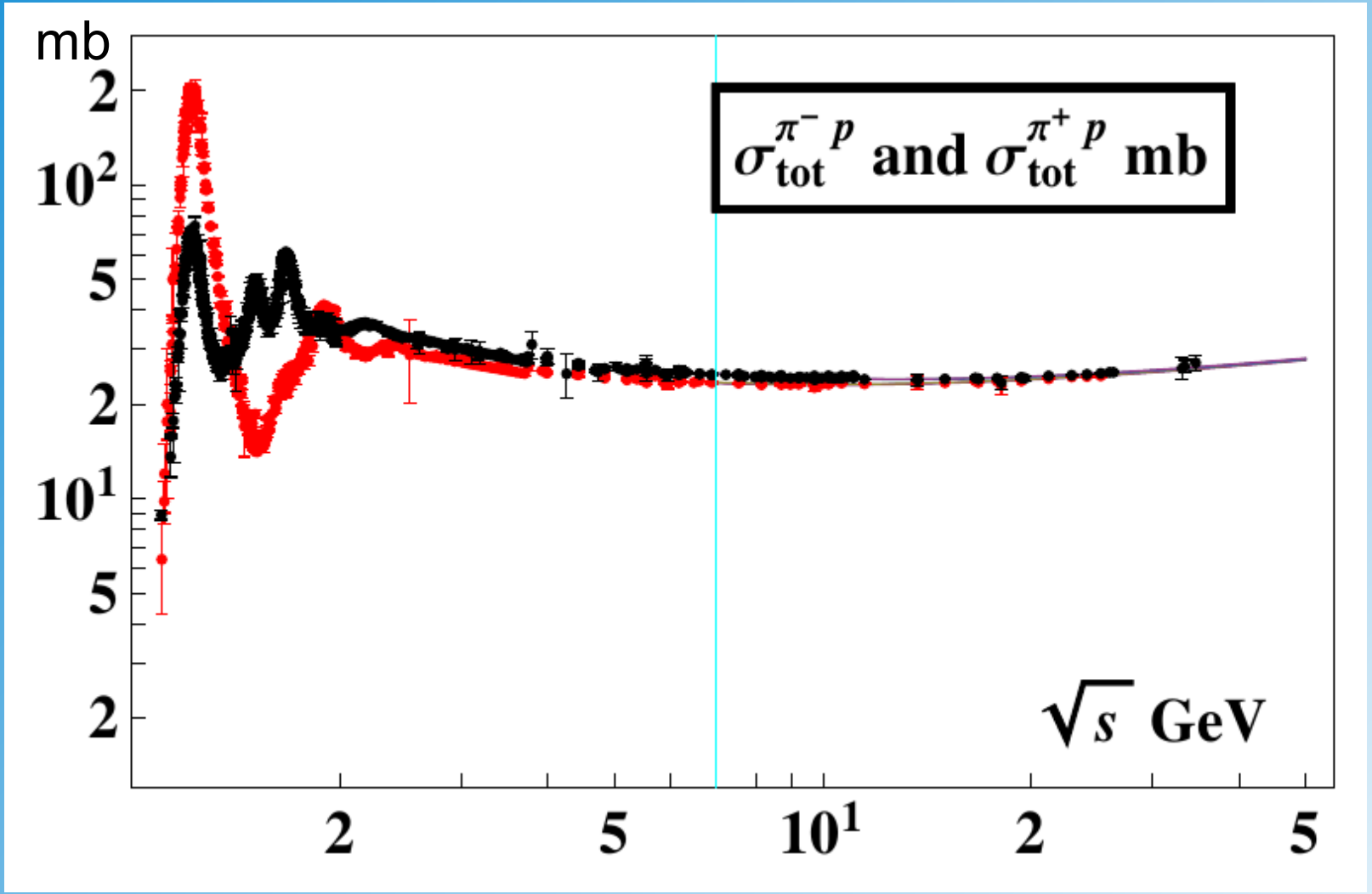
$F_V = 0.0254 \pm 0.0017$
$F_A = 0.0119 \pm 0.0001$
F_V slope parameter $a = 0.10 \pm 0.06$
$R = 0.059^{+0.009}_{-0.008}$

π^- modes are charge conjugates of the modes below.

For decay limits to particles which are not established, see the section on Searches for Axions and Other Very Light Bosons.

π^+ DECAY MODES		Fraction (Γ_i/Γ)	Confidence level	p (MeV/c)
$\mu^+\nu_\mu$	[b]	(99.98770±0.00004) %		30
$\mu^+\nu_\mu\gamma$	[c]	(2.00 ±0.25) $\times 10^{-4}$		30
$e^+\nu_e$	[b]	(1.230 ±0.004) $\times 10^{-4}$		70
$e^+\nu_e\gamma$	[c]	(7.39 ±0.05) $\times 10^{-7}$		70
$e^+\nu_e\pi^0$		(1.036 ±0.006) $\times 10^{-8}$		4
$e^+\nu_e e^+ e^-$		(3.2 ±0.5) $\times 10^{-9}$		70
$e^+\nu_e\nu\overline{\nu}$		< 5 $\times 10^{-6}$	90%	70
Lepton Family number (LF) or Lepton number (L) violating modes				
$\mu^+\overline{\nu}_e$	L	[d] < 1.5 $\times 10^{-3}$	90%	30
$\mu^+\nu_e$	LF	[d] < 8.0 $\times 10^{-3}$	90%	30
$\mu^- e^+ e^+\nu$	LF	< 1.6 $\times 10^{-6}$	90%	30

Hadronic cross sections



SU(3) Gell-Mann Matrices

$$\lambda_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad \lambda_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i & 0 \\ i & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad \lambda_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\lambda_4 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad \lambda_5 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -i \\ 0 & 0 & 0 \\ i & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\lambda_6 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad \lambda_7 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -i \\ 0 & i & 0 \end{pmatrix} \quad \lambda_8 = \frac{1}{\sqrt{3}} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{pmatrix}.$$

J=1/2 Baryon Octet

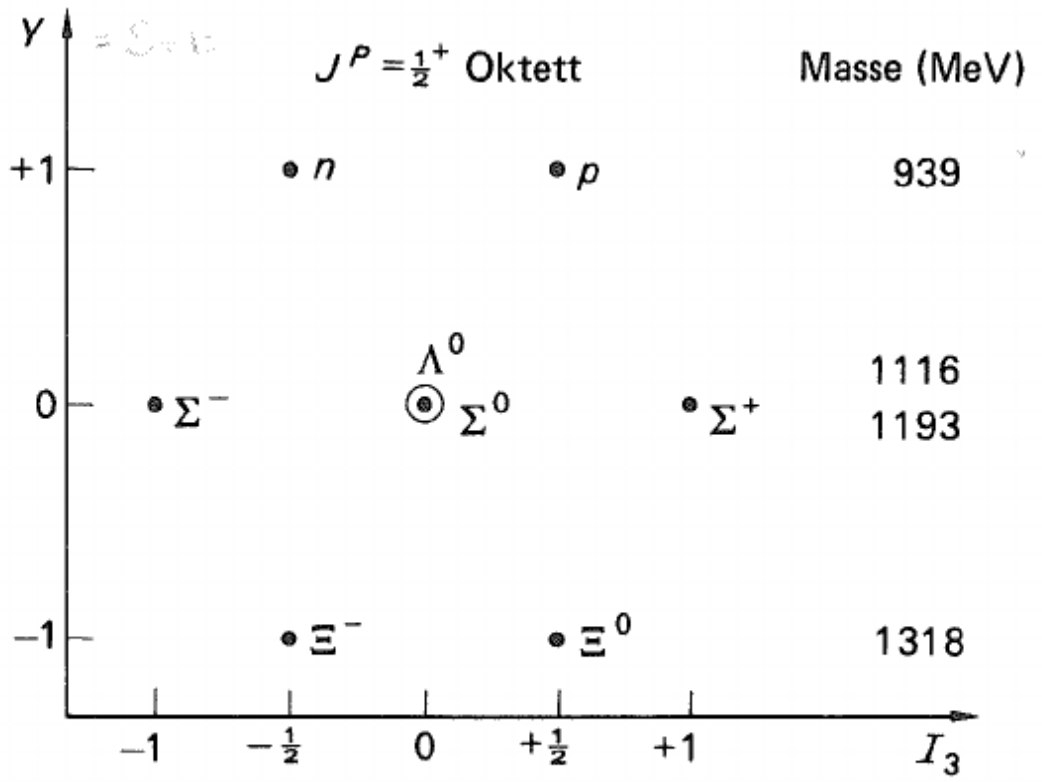


Bild 49.1 Das Oktett der $J^P = \frac{1}{2}^+$ Baryonen. In diesen Diagrammen ist ein zusätzlicher Kreis eingezeichnet, wenn ein weiteres Teilchen mit denselben Y und I_3 existiert.

from Tassie (1972)

J=3/2 Baryon Decouplet

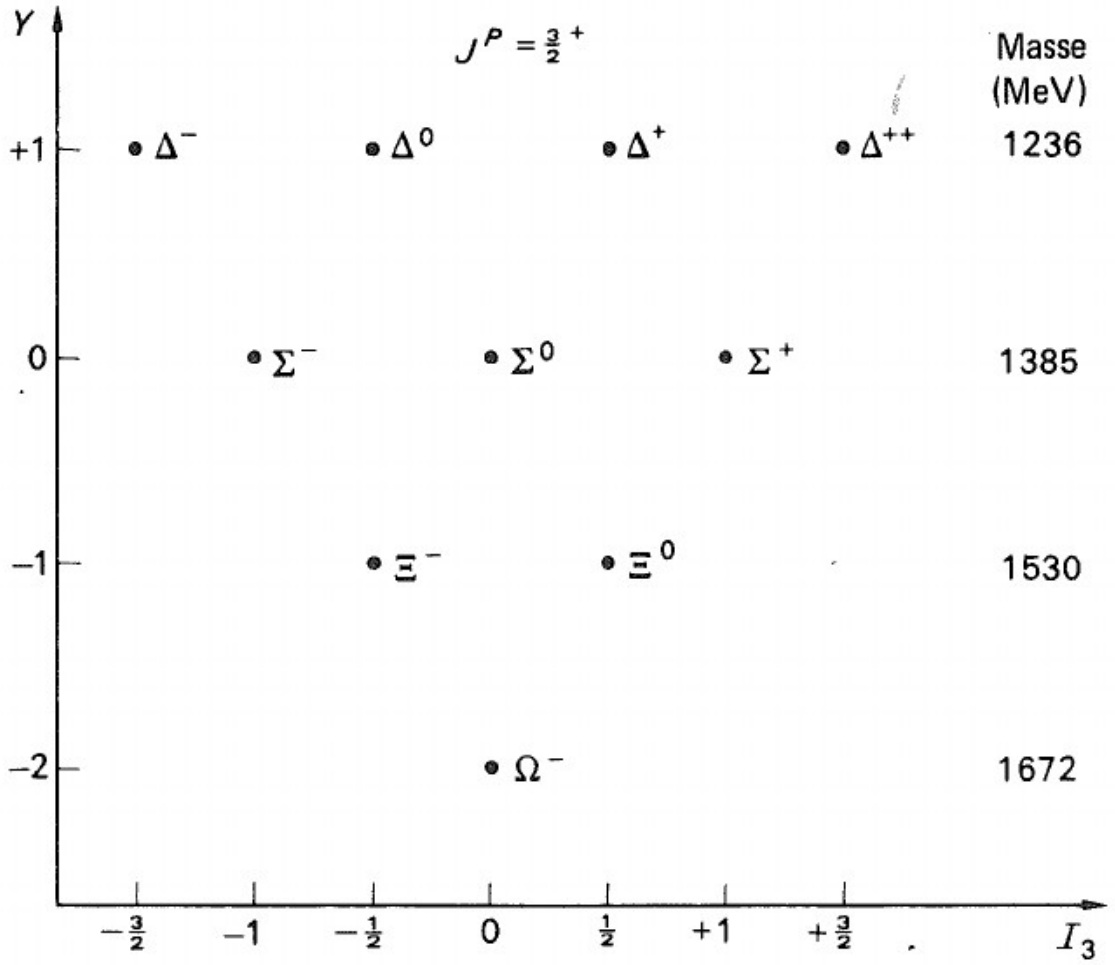
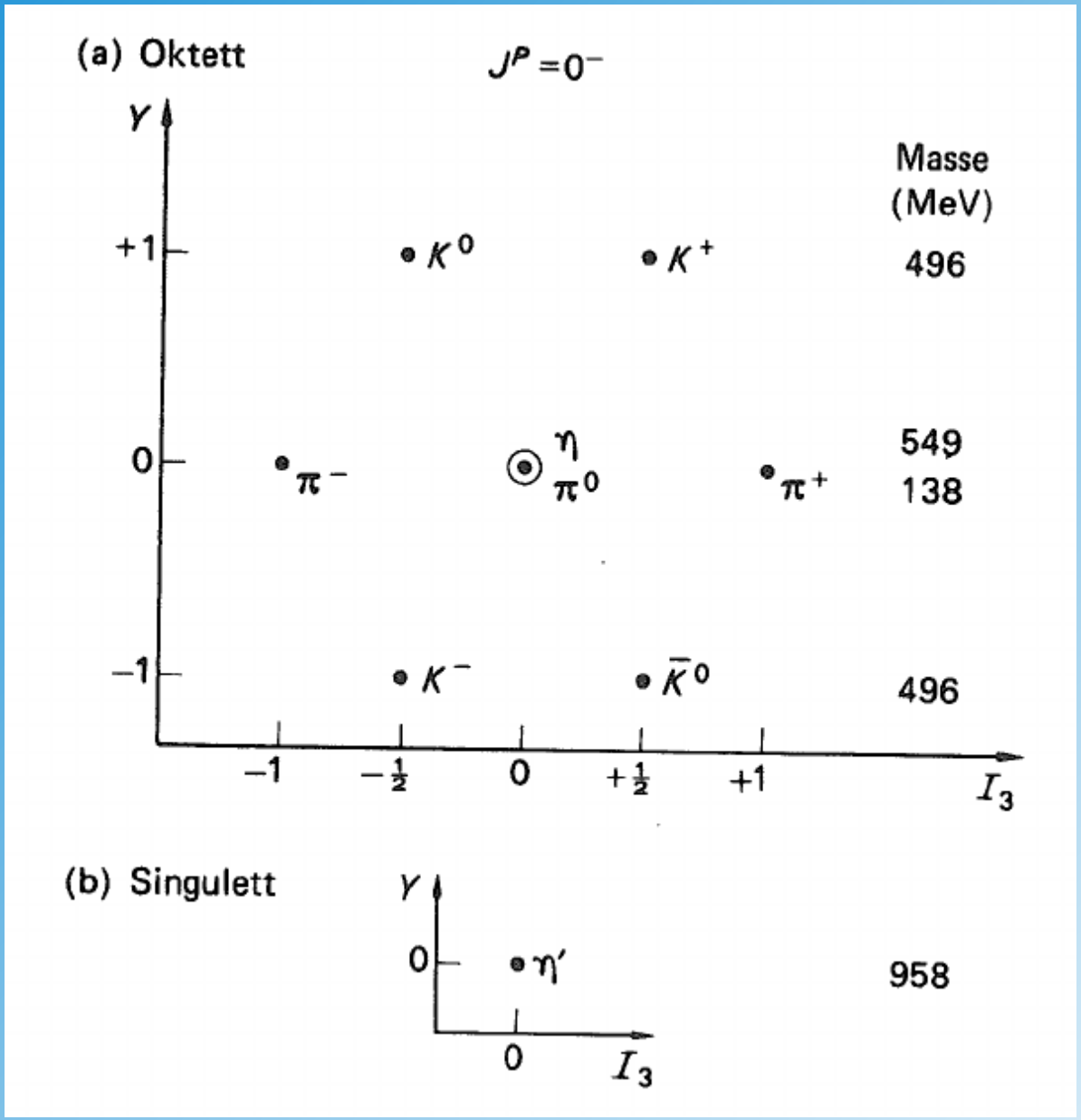


Bild 49.2 Das Dekuplett der $J^P = \frac{3}{2}^+$ Baryonen.

Note $\Sigma(1385)$ and $\Xi(1530)$ are also known as Σ^* and Ξ^*

from Tassie (1972)

J=0 Meson Octet and Singlet



from Tassie (1972)

SU(4) Flavor

4th charm quark:

$m_c \sim 1.4$ GeV

$m_c >> m_u , m_d , m_s$

symmetry is strongly broken!