

1. Aufgabe: Bestimmung von Ableitungen

Berechnen Sie die Ableitung der folgenden Funktion mit Hilfe von Grenzwertbetrachtungen.

$$f(x) = \text{const.}$$

$$f(x) = a \cdot x + b$$

2. Aufgabe: Bestimmung von Ableitungen

Berechnen Sie die Ableitung $f(x) = 1/x^2$ mit Hilfe der Grenzwertbetrachtungen. Berechnen Sie die Ableitung im Punkt $x=4$ und vergleichen Sie den Wert mit einer Sekantensteigung durch die Punkte $x=2$ und $x=6$. Danach durch $x=3$ und $x=5$.

3. Aufgabe: Differenzierbarkeit

Überlegen Sie, welche Ableitung $f(x=0)$ hat.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & \forall x > 0 \\ x & \forall x \leq 0 \end{cases}$$

4. Aufgabe: Eigenschaften von Funktionen

Ein Herd wird zum Backen vorgeheizt bis er eine vorgesehene Endtemperatur erreicht hat. Die Temperatur im Herd T ($^{\circ}\text{C}$) in Abhängigkeit von t (min.) kann durch eine Funktion $T(t)$ beschrieben werden. Skizzieren Sie einen möglichen Graphen von T . Wie ist das Vorzeichen von T' , erläutern Sie. Interpretieren Sie $T(5) = 80$ und $T'(10) = 2$.

1. Aufgabe: Summenregel

Berechnen Sie $f'(x)$ mit der Summenregel

$$f(x) = x^5 + \frac{1}{x^2}$$

$$f(x) = x^3 + \frac{1}{c^2}$$

2. Aufgabe: Produktregel

Berechnen Sie $f'(x)$ mit der Produktregel. Multiplizieren Sie beide Terme aus und verwenden Sie die Summenregel.

$$f(x) = (x^5 + 2x)(x^2 - 1)$$

3. Aufgabe: Produktregel

Zeigen Sie mit Hilfe der Produktregel, dass ein konstanter Faktor beim Differenzieren erhalten bleibt.

$$f(x) = (x^5 + 2x) \cdot c$$

4. Aufgabe: Ableitung einer ganzrationalen Funktion

Bestimmen Sie $f'(x)$. Wie gross ist $f'(1)$?

$$f(x) = 2x^6 + \frac{1}{2}x^4 + x^3 - x^2 - 2x + 22$$

1. Aufgabe: Differentiation

Die Temperatur in °C von Lebensmitteln, die in einen kühlen Lagerraum gestellt werden, wird durch die Funktion T mit $T(t) = 720 / (t^2 + 2t + 25)$ für $t > 0$ und t in Std. modelliert. Wie groß ist die Temperaturänderung in den Lebensmitteln. Wie groß ist die momentane Änderungsrate zur Zeit $t=2$ Std. .

2. Aufgabe: Quotientenregel

Berechnen Sie $(f/g)'(1)$ mit der Quotientenregel.

$$f(x) = 6x^3 - 3x + 3 \quad g(x) = x^2 - x$$

3. Aufgabe: Kettenregel

Zur Anwendung der Kettenregel benötigen Sie 2 Funktionen f und g , die die Funktion $h(x) = \sqrt{x^4 + 2x}$ bilden. Wie heißen f und g . Bestimmen Sie $h'(a)$ mit der Kettenregel.

1. Aufgabe: Monotonie einer Funktion

Untersuchen Sie in welchem Bereich von x die Funktion f monoton fallend bzw. monoton steigend ist.

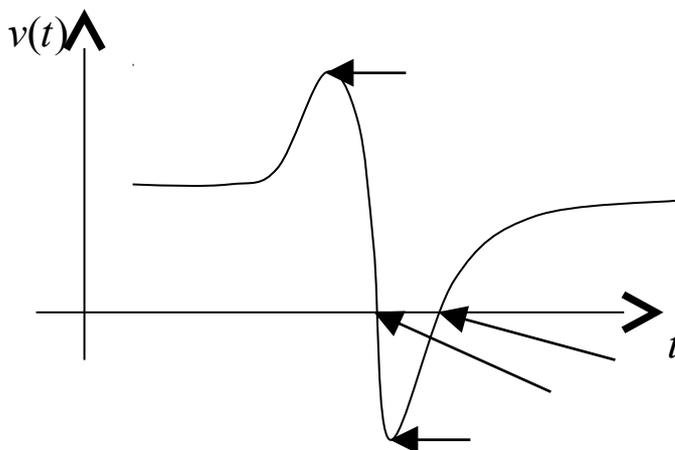
$$f(x) = x^3 - 3x$$

2. Aufgabe: Eigenschaften Geschwindigkeits-Zeit Funktion

Die Ableitung $v'(t)$ der Geschwindigkeits-Zeit Funktion stellt in der Physik die Beschleunigung $a(t)$ dar.

Für das v - t Diagramm gelten folgende Aussagen, ordnen Sie die Bereiche zu:

- a) Die Beschleunigung ist Null, wenn die Geschwindigkeit nicht Null ist.
- b) Die Beschleunigung ist Null aber nicht konstant.
- c) Geschwindigkeit und Beschleunigung sind beide positiv.
- d) Geschwindigkeit und Beschleunigung sind beide negativ.
- e) Die Geschwindigkeit ist positiv und die Beschleunigung ist negativ.
- f) Die Geschwindigkeit ist negativ und die Beschleunigung ist positiv.
- g) Die Geschwindigkeit ist Null, aber nicht die Beschleunigung.



1. Aufgabe: Maxima Trigonometrischer Funktionen

Wie oben schon betrachtet wird die Schwingung eines Pendels durch $y(t) = A \cos(\omega t)$ beschrieben. Für welche Zeiten ist die Amplitude maximal? Die Amplitude beträgt $A=5$ cm und die Kreisfrequenz $\omega = 1 \text{ s}^{-1}$. Die Schwingung beginnt zur Zeit $t=0$ sec.

2. Aufgabe: Extremwerte einer kubischen Funktion

Untersuchen Sie f auf Extremwerte, d.h. Maximum, Minimum und Wendepunkt.

$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$$