# Neutrinooszillationen für Sonnenneutrinos

Referent: Alexander Bien Seminar: Schlüsselexperimente der Teilchenphysik Datum: Freitag, 29. Juni 2007 Betreuerin: Dr. Stephanie Hansmann-Menzemer



# Inhalt

- Produktion von Sonnenneutrinos
- Das Homestake-Experiment
- Weitere Sonnenneutrino-Experimente
- Neutrinooszillationen
- Das SNO-Experiment
- Blick in die Zukunft
- Zusammenfassung

# Produktion von Sonnenneutrinos



## Neutrinospektrum der Sonne:



Wichtig: In der Sonne werden nur Elektron-Neutrinos produziert Und: Spektrum theoretisch berechnet

29.06.2007

Sonnenneutrinos

# **Das Homestake-Experiment**



# **Einige Daten**

- Homestake-Goldmine in South-Dakota, USA
- 1,5 Kilometer unter der Erde (vermindert Untergrund)
- Tank mit 610 Tonnen C<sub>2</sub>Cl<sub>4</sub> (Perchlorethylen)
- Inbetriebnahme 1967, ab
   1970 ununterbrochner Betrieb
- Ein Messdurchlauf: 60 Tage
- Leiter: Raymond Davis
- Ausbeute sehr gering, insgesamt nur 875
   Ereignisse



Raymond Davis

## Messprinzip

- Nachweis der Neutrinos: radiochemisch
- $v_e + {}^{37}Cl \rightarrow {}^{37}Ar + e^{-}$
- Nur Elektronneutrinos können nachgewiesen werden
- Energieschwelle f
  ür die Reaktion: 814 keV
- → Nur Nachweis von <sup>7</sup>Be-, pep- und <sup>8</sup>B-Neutrinos
- Alle 60 Tage Herausspülen der Argon-Atome mit Helium
- $\rightarrow$  keine Echtzeitmessung
- Messung über Zerfall ( $\tau$  = 35 Tage)
- $\rightarrow$  Zahl der Neutrinoreaktionen und Neutrino-Fluss
- Ausbeute: etwa 10 Argon-Atome pro Monat, einige davon schon wieder zerfallen

## Warum ist die Ausbeute so klein?

Beispielrechnung

- Volumen 4•10<sup>5</sup> Liter, Dichte 1,5 g cm<sup>-3</sup>
- Totaler Energiefluss der Sonne: 8,8•10<sup>11</sup> MeV s<sup>-1</sup> cm<sup>-2</sup>
- 10% der Energie in Neutrinos, mittlere Energie: 1MeV
- Nur 1% kann Reaktion induzieren
- Wirkungsquerschnitt f
  ür <sup>37</sup>Cl: 10<sup>-45</sup> cm<sup>2</sup> = 10<sup>-6</sup> fb
- $N_{Ar} = (\Phi_v \cdot V \cdot \rho \cdot N_A \cdot \sigma) / M_{mol}$
- Ergebnis: 60 Atome pro Jahr
- Umgekehrt Berechnung von  $\Phi_v$  aus  $N_{Ar}$

## Ergebnis des Homestake-Experiments



- Mittwelwert: ca. 2,5 SNU
- 1 SNU = 1 Reaktion / 10<sup>36</sup> Atome / s
- Aus solarem Standardmodell erwartet: (7,6 ± 1,2) SNU
- Nur (30 ± 7)% vom SSM-Wert

# Weitere Sonnennneutrino-Experimente Kamiokande und Super-Kamiokande



#### Sonnenneutrinos

- In der Kamioka-Mine in Japan
- Leiter: Masatoshi Koshiba (Universität Tokio)
- Kamiokande (1986 1995): 2140 Tonnen Wasser
- Super-Kamiokande: 50000 Tonnen Wasser
- Nachweis:  $v_x + e^- \rightarrow v_x + e^-$  (elastischer Stoß)
- Nur geringe Sensitivität für  $v_{\mu}$  und  $v_{\tau}$
- Elektron nach Stoß: fast Lichtgeschwindigkeit
- Aussendung von Cherenkov-Licht, richtungsempfindlich
- Nachweis über Photomultiplier
- Detektionsschwelle: 5 MeV
- Auch hier: Neutrinodefizit (50% des erwarteten Signals)

## Nobel-Preis:



**Nobel Prize in Physics 2002** "for pioneering contributions to astrophysics, in particular for the detection of cosmic neutrinos"



#### Raymond Davis Jr.



Masatoshi Koshiba

# Einschub: Cherenkov-Effekt



- Geladenes Teilchen strahlt Lichtkegel ab
- V<sub>Teilchen</sub> > C<sub>Medium</sub>
- Öffnungswinkel des "Mach"kegels: sin  $\alpha$  = 1/(n• $\beta$ )
- Damit:  $\theta = 90^\circ \alpha$
- Intensität der Beleuchtungsringe  $\rightarrow$  Energie
- Rückschluss auf Richtung

# GALLEX / GNO



- $v_e + {}^{71}\text{Ga} \rightarrow {}^{71}\text{Ge} + e^-$
- 30 Tonnen GaCl<sub>3</sub> HCl Lsg.
- pp-Neutrinos
- Spülen mit 2000 m<sup>3</sup> N<sub>2</sub>
- Nachweis: Messen des Zerfalls von <sup>71</sup>Ge
- Nur 53% des erwarteten Neutrinoflusses
- Aber: Nachweis von pp-Neutrinos
- Bestätigung von Fusionsprozessen

## Resultate der Experimente

- Gemessener Neutrinofluss deutlich zu wenig gegenüber dem solaren Standardmodell
- Messwerte der drei Experimente in sich inkonsistent, <sup>8</sup>B-v weniger unterdrückt als <sup>7</sup>Be-v

#### Zwei Hauptmöglichkeiten:

- Solares Standardmodell ist falsch oder zumindest teilweise fehlerhaft
- Neutrinooszillationen, d.h. Umwandlungen von einem Neutrinoflavour in das andere

# Neutrinooszillationen

- Standardmodell:  $m_v = 0$ , neutral, stabil
- Erweiterung: Dirac-v mit  $m_v \neq 0$
- Und: Leptonzahl nicht zu 100% erhalten
- Dann: Neutrinooszillationen

$$\begin{pmatrix} \nu_e \\ \nu_\mu \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \nu_1 \\ \nu_2 \end{pmatrix}$$
  
Flavour-Eigenzustände  
definierter Leptonzahl Masseneigenzustände  
definierter Masse  
Mischungswinkel

#### Flavoureigenzustände als Superpositionen

$$\nu_e = \nu_1 \cdot \cos \alpha + \nu_2 \cdot \sin \alpha$$

- z. B. aus pp  $\rightarrow$  d e<sup>+</sup> v<sub>e</sub>
- Zeitenwicklung durch Massenzustände gegeben

$$\nu_1(t) = \nu_1(0) \cdot e^{-iE_1t} \qquad E_1 = \sqrt{p^2 + m_1^2} \approx p + \frac{m_1^2}{2p}$$
$$\nu_2(t) = \nu_2(0) \cdot e^{-iE_2t} \qquad E_2 = \sqrt{p^2 + m_2^2} \approx p + \frac{m_2^2}{2p}$$

Start bei t = 0 mit v<sub>e</sub>, dann Zeitentwicklung

$$\nu_e(t) = \nu_e(0) \cdot \left[\cos^2 \alpha \cdot e^{-iE_1 t} + \sin^2 \alpha \cdot e^{-iE_2 t}\right]$$

Damit ergibt sich dann

$$P(\nu_e \to \nu_e) = 1 - \sin^2(2\alpha) \cdot \sin^2\left(\frac{E_2 - E_1 \cdot t}{2}\right)$$
$$P(\nu_e \to \nu_\mu) = 1 - P(\nu_e \to \nu_e)$$
Massendifferenz

• 2. Wahrscheinlichkeit 0, falls  $\alpha$ =0 oder E<sub>1</sub>=E<sub>2</sub> (gleiche Massen)

$$\frac{\nu_2}{\nu_1} \frac{\nu_1}{\nu_2} \frac{\nu_1}{\nu_1} \frac{1}{\nu_2} \frac{1}{\nu_1} \frac{1}{\nu_2} \frac{1}{\nu_1} \frac{1}{\nu_2} \frac{1}{\nu_1} \frac{1}{\nu_2} \frac{1}{\nu_1} \frac{1}{\nu_2} \frac{1}{\nu_1} \frac{1}{\nu_2} \frac{1}{\nu_1} \frac{1}{\nu_2} \frac{1}{\nu_$$

# **Das SNO-Experiment**





- Sudbury Neutrino Observatory
- Creighton Nickel-Mine, Sudbury, Kanada
- 6,1 km in der Tiefe
- 1000 Tonnen schweres Wasser
- Abschirmung durch 7000 Tonnen leichtes Wasser
- Cherenkov-Detektor
- Schwellenenergie: 5 MeV (v.a. wegen Untergrund)
  - → <sup>8</sup>B-Neutrinos

Q.R. Ahmad,<sup>17</sup> R.C. Allen,<sup>4</sup> T.C. Andersen,<sup>6</sup> J.D. Anglin,<sup>10</sup> J.C. Barton,<sup>11,\*</sup> E.W. Beier,<sup>12</sup> M. Bercovitch,<sup>10</sup> J. Bigu,<sup>7</sup> S.D. Biller,<sup>11</sup> R.A. Black,<sup>11</sup> I. Blevis,<sup>5</sup> R.J. Boardman,<sup>11</sup> J. Boger,<sup>3</sup> E. Bonvin,<sup>14</sup> M.G. Boulay,<sup>9,14</sup> M.G. Bowler,<sup>11</sup> T.J. Bowles,<sup>9</sup> S.J. Brice,<sup>9,11</sup> M.C. Browne,<sup>17,9</sup> T.V. Bullard,<sup>17</sup> G. Bühler,<sup>4</sup> J. Cameron,<sup>11</sup> Y.D. Chan,<sup>8</sup> H.H. Chen,<sup>4,†</sup> M. Chen,<sup>14</sup> X. Chen,<sup>8,11</sup> B.T. Cleveland,<sup>11</sup> E.T.H. Clifford,<sup>14</sup> J.H.M. Cowan,<sup>7</sup> D.F. Cowen,<sup>12</sup> G.A. Cox,<sup>17</sup> X. Dai,<sup>11</sup> F. Dalnoki-Veress,<sup>5</sup> W.F. Davidson,<sup>10</sup> P.J. Doe,<sup>17,9,4</sup> G. Doucas,<sup>11</sup> M.R. Dragowsky,<sup>9,8</sup> C.A. Duba,<sup>17</sup> F.A. Duncan,<sup>14</sup> M. Dunford,<sup>12</sup> J.A. Dunmore,<sup>11</sup> E.D. Earle,<sup>14,1</sup> S.R. Elliott,<sup>17,9</sup> H.C. Evans,<sup>14</sup> G.T. Ewan,<sup>14</sup> J. Farine,<sup>7,5</sup> H. Fergani,<sup>11</sup> A.P. Ferraris,<sup>11</sup> R.J. Ford,<sup>14</sup> J.A. Formaggio,<sup>17</sup> M.M. Fowler,<sup>9</sup> K. Frame,<sup>11</sup> E.D. Frank,<sup>12</sup> W. Frati,<sup>12</sup> N. Gagnon,<sup>11,9,8,17</sup> J.V. Germani,<sup>17</sup> S. Gil,<sup>2</sup> K. Graham,<sup>14</sup> D.R. Grant,<sup>5</sup> R.L. Hahn,<sup>3</sup> A.L. Hallin,<sup>14</sup> E.D. Hallman,<sup>7</sup> A.S. Hamer,<sup>9,14</sup> A.A. Hamian,<sup>17</sup> W.B. Handler,<sup>14</sup> R.U. Haq,<sup>7</sup> C.K. Hargrove,<sup>5</sup> P.J. Harvey,<sup>14</sup> R. Hazama,<sup>17</sup> K.M. Heeger,<sup>17</sup> W.J. Heintzelman,<sup>12</sup> J. Heise,<sup>2,9</sup> R.L. Helmer,<sup>16,2</sup> J.D. Hepburn,<sup>14</sup> H. Heron,<sup>11</sup> J. Hewett,<sup>7</sup> A. Hime,<sup>9</sup> J.G. Hykawy,<sup>7</sup> M.C.P. Isaac,<sup>8</sup> P. Jagam,<sup>6</sup> N.A. Jelley,<sup>11</sup> C. Jillings,<sup>14</sup> G. Jonkmans,<sup>7,1</sup> K. Kazkaz,<sup>17</sup> P.T. Keener,<sup>12</sup> J.R. Klein,<sup>12</sup> A.B. Knox,<sup>11</sup> R.J. Komar,<sup>2</sup> R. Kouzes,<sup>13</sup> T. Kutter,<sup>2</sup> C.C.M. Kyba,<sup>12</sup> J. Law,<sup>6</sup> I.T. Lawson,<sup>6</sup> M. Lay,<sup>11</sup> H.W. Lee,<sup>14</sup> K.T. Lesko,<sup>8</sup> J.R. Leslie,<sup>14</sup> I. Levine,<sup>5</sup> W. Locke,<sup>11</sup> S. Luoma,<sup>7</sup> J. Lyon,<sup>11</sup> S. Majerus,<sup>11</sup> H.B. Mak,<sup>14</sup> J. Maneira,<sup>14</sup> J. Manor,<sup>17</sup> A.D. Marino,<sup>8</sup> N. McCauley,<sup>12,11</sup> D.S. McDonald,<sup>12</sup> A.B. McDonald,<sup>14,13</sup> K. McFarlane,<sup>5</sup> G. McGregor,<sup>11</sup> R. Meijer Drees,<sup>17</sup> C. Mifflin,<sup>5</sup> G.G. Miller,<sup>9</sup> G. Milton,<sup>1</sup> B.A. Moffat,<sup>14</sup> M. Moorhead,<sup>11</sup> C.W. Nally,<sup>2</sup> M.S. Neubauer,<sup>12</sup> F.M. Newcomer,<sup>12</sup> H.S. Ng,<sup>2</sup> A.J. Noble,<sup>16,5</sup> E.B. Norman,<sup>8</sup> V.M. Novikov,<sup>5</sup> M. O'Neill,<sup>5</sup> C.E. Okada,<sup>8</sup> R.W. Ollerhead,<sup>6</sup> M. Omori,<sup>11</sup> J.L. Orrell,<sup>17</sup> S.M. Oser,<sup>12</sup> A.W.P. Poon,<sup>8,17,2,9</sup> T.J. Radcliffe,<sup>14</sup> A. Roberge,<sup>7</sup> B.C. Robertson,<sup>14</sup> R.G.H. Robertson,<sup>17,9</sup> S.S.E. Rosendahl,<sup>8</sup> J.K. Rowley,<sup>3</sup> V.L. Rusu,<sup>12</sup> E. Saettler,<sup>7</sup> K.K. Schaffer,<sup>17</sup> M.H. Schwendener,<sup>7</sup> A. Schülke,<sup>8</sup> H. Seifert,<sup>7,17,9</sup> M. Shatkay,<sup>5</sup> J.J. Simpson,<sup>6</sup> C.J. Sims,<sup>11</sup> D. Sinclair,<sup>5</sup> P. Skensved,<sup>14</sup> A.R. Smith,<sup>8</sup> M.W.E. Smith,<sup>17</sup> T. Spreitzer,<sup>12</sup> N. Starinsky,<sup>5</sup> T.D. Steiger,<sup>17</sup> R.G. Stokstad,<sup>8</sup> L.C. Stonehill,<sup>17</sup> R.S. Storey,<sup>10,†</sup> B. Sur,<sup>1,14</sup> R. Tafirout,<sup>7</sup> N. Tagg,<sup>6,11</sup> N.W. Tanner,<sup>11</sup> R.K. Taplin,<sup>11</sup> M. Thorman,<sup>11</sup> P.M. Thornewell,<sup>11</sup> P.T. Trent,<sup>11</sup> Y.I. Tserkovnyak,<sup>2</sup> R. Van Berg,<sup>12</sup> R.G. Van de Water,<sup>9,12</sup> C.J. Virtue,<sup>7</sup> C.E. Waltham,<sup>2</sup> J.-X. Wang,<sup>6</sup> D.L. Wark,<sup>15,11,9</sup> N. West,<sup>11</sup> J.B. Wilhelmy,<sup>9</sup> J.F. Wilkerson,<sup>17,9</sup> J.R. Wilson,<sup>11</sup> P. Wittich,<sup>12</sup> J.M. Wouters,<sup>9</sup> and M. Yeh<sup>3</sup>

## Nachweisreaktionen und Detektion



- Charged-Current-Reaktion (CC)
- $v_e + d \rightarrow p + p + e^{-}$
- Nachweis: nur  $v_e$ 
  - 30 Events/Tag erwartet



- Neutral-Current-Reaktion (NC)
- $v_x + d \rightarrow p + n + v_x$
- Sensitiv f
  ür alle 3 Flavours
- Neutron-Einfang: γ-Strahlung
- Streuung an Elektronen
- e<sup>-</sup> beschleunigt
- Cherenkov-Licht
- 30 Events/Tag erwartet



- Elastic-Scattering-Reaktion (ES)
- $v_x + e^- \rightarrow v_x + e^$ 
  - genügend Intensität: E<sub>e</sub> > 5 MeV
- WQ für ν<sub>µ</sub>, ν<sub>τ</sub> um Faktor
   7 kleiner als für ν<sub>e</sub>



#### D<sub>2</sub>O in sphärischer Acryll-Hülle

- 12 Meter Durchmesser
- Detektion: 9456 Photomultiplier-Röhren

Reduzierung des Untergrundes:

- Stahlkugel mit 17,8 Meter Durchmesser
- Darin: ultra-reines leichtes Wasser
- Nur Vertices innerhalb 5,5-Meter-Kugel beachtet





Viele verschiedene Quellen für Untergrund

<sup>214</sup>Bi und <sup>208</sup>TI aus Zerfallsketten von U und Th:

- $\gamma$  's erzeugen freie Neutronen durch Spaltung des d → Cherenkov -Licht wie bei NC-Reaktion
- Niederenergetische Cherenkov-Events aus β-Zerfällen

- Zwei unabhängige Messungen:
- Relative U-/Th-Konzentrationen: 10<sup>-14</sup> bis 10<sup>-13</sup>
- Rate der Untergrund-n-Produktion: ca. 1 Neutron/Tag
- Gesamter Neutron-Untergrund: 12 %

Weitere Untergrundquellen (gering)

- Atmosphärische Neutrinos
- Neutrinos aus kosmischer Strahlung
- Neutrinos aus Kernreaktoren

# Analyse der Daten und Ergebnisse

Trennung der drei Reaktionen durch drei Verteilungen:







#### Aus

- gemessenen Daten,
- Monte-Carlo-Vorhersagen f
  ür CC, NC, ES und
- Standard-Neutrino-Spektrum (Verteilung c)

Ergebnisse für den Neutrinofluss.

Trennung von CC und NC erfolgt vorwiegend über Verteilung c) Separation von ES über Verteilung a) Alle Werte in Einheiten von 10<sup>6</sup> cm<sup>-2</sup> s<sup>-1</sup>

$$\begin{split} \phi_{\rm CC}^{\rm SNO} &= 1.76^{+0.06}_{-0.05}({\rm stat.})^{+0.09}_{-0.09} \ ({\rm syst.}) \\ \phi_{\rm ES}^{\rm SNO} &= 2.39^{+0.24}_{-0.23}({\rm stat.})^{+0.12}_{-0.12} \ ({\rm syst.}) \\ \phi_{\rm NC}^{\rm SNO} &= 5.09^{+0.44}_{-0.43}({\rm stat.})^{+0.46}_{-0.43} \ ({\rm syst.}) \end{split}$$

 $\phi_e = 1.76^{+0.05}_{-0.05}(\text{stat.})^{+0.09}_{-0.09} \text{ (syst.)}$  $\phi_{\mu\tau} = 3.41^{+0.45}_{-0.45}(\text{stat.})^{+0.48}_{-0.45} \text{ (syst.)}$ 

- Nun: Ausklammern von Verteilung c)
- $\rightarrow$  Unabhängig von Spektrum aus SSM
- Aber: Schlechtere Trennung von CC- und NC-Events

$$\phi_{\rm NC}^{\rm SNO} = 6.42^{+1.57}_{-1.57} (\text{stat.})^{+0.55}_{-0.58} (\text{syst.})$$

SSM-Vorhersage f
ür <sup>8</sup>B-Neutrinos: 5,05

Ergebnis:

- B-Neutrinos unterliegen Flavour-Oszillationen
- Gesamtneutrinofluss aus NC-Reaktion stimmt in den Fehlergrenzen mit dem SSM-Wert f
  ür <sup>8</sup>B
  überein

# Weiterentwicklung des Experiments

- Zusatz: 2 Tonnen NaCl pro 1000 Tonnen D<sub>2</sub>O
- Höhere Effizienz beim Neutroneinfang (von Cl) 30% → 80%
- Höhere Sensitivität, genauere Untergrundbestimmung





- Größere Isotropie der Cherenkov-Strahlung bei dieser NC-Reaktion im Vergleich zur ersten und auch zu CC und ES
- Gute statistische Trennung der Reaktionen
- Trennung unabhängig von Annahmen bzgl. des Energiespektrums und des SSM
- → statt Verteilung c) (Energieverteilung) benutze Isotropie
- Unabhängiges Energiespektrum für die Reaktionen
- Erwartung: Genauerer Wert f
  ür NC-Reaktion

#### Ergebnisse (in 10<sup>6</sup> cm<sup>-2</sup> s<sup>-1</sup>)



Werte für Mischungsparameter in 2-Flavour-Modell:  $\alpha = (32,5 \pm 2,4)^{\circ}$  $\Delta m^2 = (7,1 \pm 0,9) \cdot 10^{-5} eV^2$ 

# Blick in die Zukunft: BOREXINO



- Messbeginn: 16. Mai 2007
- 300 t flüssiges
   Szintillatormaterial
- Nachweis: ES
- Messung des niederenergetischen Neutrinospektrums
- Überprüfung des SSM und der Oszillationsmodelle
- Echtzeitmessungen

# Zusammenfassung

- Großteil der Sonnenneutrinos aus pp-Zyklus
- Pionierexperiment: Homestake
- Homestake, Superkamiokande, Gallex: Neutrinofluss zu klein gegenüber SSM
- SNO: Voller Nachweis auch für  $v_{\mu}$  und  $v_{\tau}$
- Erste Evidenz f
  ür Oszillationen bei Sonnenneutrinos
- Borexino: Überprüfung des SSM für niedrige Energien
- Heute: Nachweis der Oszillationen bei atmosphärischen, Reaktor- und Beschleuniger-Neutrinos

## Vielen Dank für die Aufmerksamkeit!

# Fragen ???

# Literaturverzeichnis

- http://www.pi1.physik.uni-erlangen.de/~katz/ws06/atp/talks/tr/TR.pdf
- http://iktp.tu-dresden.de/Home/Seminare/HS2005\_6/posselt.pdf
- http://nobelprize.org/nobel\_prizes/physics/laureates/2002/index.html
- http://www.mps.mpg.de/images/aktuelles/events/event\_20061109/ihy\_logo\_xl.jpg
- http://www.mps.mpg.de/events/2007ihy/dokumente/vortraege/vortrag\_hampel.pdf
- http://www-ap.gsi.de/bosch/Schluesselexperimente%2011-13.pdf
- http://www.mpi-hd.mpg.de/nuastro/Educ/Hardy/bilder/spektrum.jpg
- http://www.pbs.org/wgbh/nova/neutrino/images/dete-homestake.jpg
- http://www.sas.upenn.edu/home/assets/img/news/davis2.jpg
- http://wwwlapp.in2p3.fr/neutrinos/neutimg/nexp/homestake.gif
- http://smithers.physnet2.uni-hamburg.de/archive/THESIS/J.Schuessler/sonne3.pdf.gz
- http://www.pi1.physik.uni-erlangen.de/~katz/ws05/atp/talks/bh/BH.pdf
- Donald H. Perkins, Introduction to High Energy Physics, Cambridge University Press
- http://www.physique.usherbrooke.ca/attracte/13-2002/Images/Sno.jpg
- http://www.ipp.ca/Program/SNO\_man\_on\_deck.GIF
- http://www.aip.org/pt/vol-54/iss-8/p13.html
- http://www.sno.phy.queensu.ca/sno/images/publicity\_photos/sno3.jpg
- Q. R. Ahmad et al., Phys. Rev. Lett. 89, 011301 (2002)
- S. N. Ahmed et al., Phys. Rev. Lett., 92, 181301 (2004)
- http://www.mpi-hd.mpg.de/nuastro/borexino\_de.html
- http://www.phys.vt.edu/~borex/Pictures/Sss%20Before.jpg
- http://www.roro-seiten.de/physik/zerfall/thorium-zerfallsreihe.html
- http://www.roro-seiten.de/physik/zerfall/uran-radium-zerfallsreihe.htm